

All Inclusive IAS - CSAT through PYQs

Explanation video in English

Class-13

हिंदी में स्पष्टीकरण वीडियो 🚽



Permutation Combination

Follow these steps in all P&C questions:

- 1. Find number of vacant places
- 2. Find the filler material
- 3. Fill the things as per given conditions
- 4. Find identical things
 - If 2 things are identical, divide by 2!
 - If 3 things are identical, divide by 3!
 - > And so on...
- Keep in mind "and" vs "or" (Multiplication vs Addition)

सभी P&C प्रश्नों में इन चरणों का पालन करें :

- 1. खाली जगह कितनी है
- 2. भरने के लिए सामान कितना है
- 3. प्रश्न के अनुसार सामान भरें
- 4. एक समान चीज़ें ढंढें
 - यदि दों चीजें समान हैं, तो 2! से विभाजित करें
 - 🕨 यदि तीन चीजें समान हैं, तो 3! से विभाजित करें
 - और इसी तरह...
- 5. "और" बनाम "या" (गुणा बनाम जोड़) को ध्यान में रखें

2022 Q-17 [set-A] Permutation Combination

In a tournament of Chess having 150 entrants, a player is eliminated whenever he loses a match. It is given that no match results in a tie/draw. How many matches are played in the entire tournament?

(a) 151 (b) 150 (c) 149 (d) 148

After 1st match → 1 player is out
After 2nd match → 1 more player is out (total 2 out)

After 3rd match → 1 more player is out (total 3 out)

•••

After 148th match → 1 more player is out (total 148 out) After 149th match → 1 more player is out (total 149 out) 150 प्रतियोगियों वाली किसी शतरंज टूर्नामेंट में जब-जब कोई खिलाड़ी बाजी हारता है, उसे बाहर कर दिया जाता है। यह निश्चित किया गया है कि कोई भी बाजी बराबरी (टाई/ड्रॉ) पर निर्णीत नहीं होगी। इस पूरे टूर्नामेंट में कितनी बाजियाँ खेली गई?

(a) 151 (b) 150 (c) 149 (d) 148

पहले मैच के बाद → 1 खिलाड़ी बाहर हो गया है दूसरे मैच के बाद → 1 और खिलाड़ी बाहर हो गया (कुल 2 बाहर) तीसरे मैच के बाद → 1 और खिलाड़ी बाहर हो गया (कुल 3 बाहर)

... 148वें मैच के बाद 👉 1 और खिलाड़ी बाहर हो गया (कुल 148 बाहर) 149वें मैच के बाद 🛨 1 और खिलाड़ी बाहर हो गया (कुल 149 बाहर)

2020 Q-10 [set-A] Permutation Combination

How many five-digit prime numbers can be obtained by using all the digits 1, 2, 3, 4 and 5 without repetition of digits? (a) Zero (b) One (c) Nine (d) Ten

1+2+3+4+5 = 15

Hence, all 120 numbers will be divisible by 3. Hence, no such prime number is possible.

पाँच अंकों की कितनी अभाज्य संख्याएँ अंकों 1, 2, 3, 4 और 5 के द्वारा, बिना अंकों की पुनरावृत्ति किए हुए, बनाई जा सकती हैं? (a) शून्य (b) एक (c) नौ (d) दस

1+2+3+4+5 = 15

अतः सभी 120 संख्याएँ 3 से विभाजित होंगी। अतः ऐसी कोई अभाज्य संख्या संभव नहीं है।

2021 Q-69 [set-A] Permutation Combination

There are 6 persons arranged in a row. Another person has to shake hands with 3 of them so that he should not shake hands with two consecutive persons. In how many distinct possible combinations can the handshakes take place?

(a) 3 (b) 4 (c) 5 (d) 6

एक पंक्ति में 6 व्यक्ति हैं। एक अन्य व्यक्ति को उनमें से 3 व्यक्तियों से इस प्रकार हाथ मिलाना है कि वह दो क्रमागत व्यक्तियों से हाथ नहीं मिलाएगा । ऐसे कितने भिन्न संभाव्य संयोजनों में हाथ मिलाए जा सकते हैं?

(a) 3 (b) 4 (c) 5 (d) (



ACE, ACF, ADF, BDF

2022 Q-55 [set-A] Permutation Combination

There is a numeric lock which has a 3-digit PIN. The PIN contains digits 1 to 7. There is no repetition of digits. The digits in the PIN from left to right are in decreasing order. Any two digits in the PIN differ by at least 2. How many maximum attempts does one need to find out the PIN with certainty? (a) 6 (b) 8 (c) 10 (d) 12

एक संख्या-आधारित ताला है, जिसके लिए 3-अंक की वैयक्तिक अभिज्ञान संख्या (पिन) है। पिन में 1 से 7 तक अंक हैं। कोई अंक दोबारा नहीं आता। पिन के अंक बाएं से दाहिने तरफ घटते हुए क्रम में हैं। पिन के किन्हीं दो अंकों के बीच कम-से-कम 2 का अंतर है। अधिकतम कितने प्रयासों में पिन का निश्चित पता लगाया जा सकता है? (a) 6 (b) 8 (c) 10 (d) 12 752 751 742 741 731 642 641

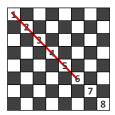
631

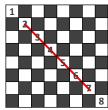
7 6 5 4 3 2 1 753

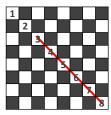
Separate explanation videos are available in English & Hindi अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं
www.allinclusiveias.com UPSC / PCS CSAT Class-13 Page-092 © All Inclusive IAS

2021 Q-64 [set-A] Permutation Combination

On a chess board, in how many different ways can 6 consecutive squares be chosen on the diagonals along a straight path? (a) 4 (b) 6 (c) 8 (d) 12







एक बिसात (शतरंज बोर्ड) पर एक सीधे पथ की लंबाई में विकर्णों पर 6 क्रमागत वर्गों को कितने विभिन्न प्रकार से चयनित किया जा सकता है? (a) 4 (b) 6 (c) 8 (d) 12

Rod length	Answer
1	8+8 = 16 ways
2	7+7 = 14 ways
3	6+6 = 12 ways
4	5+5 = 10 ways
5	4+4 = 08 ways
6	3+3 = 06 ways
7	2+2 = 04 ways
8	1+1 = 02 ways

2023 Q-48 [set-A] Permutation Combination

What is the number of selections of 10 consecutive things out of 12 things in a circle taken in the clockwise direction? (a) 3 (b) 11 (c) 12 (d) 66

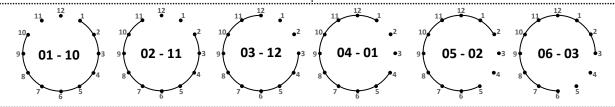
Think of a long thread. You can start it from any of the 12 numbers. Hence, answer is 12.

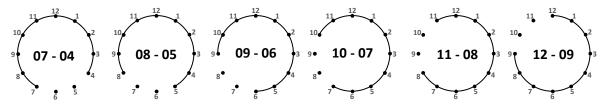
If thread is of length (1,2,3....10,11), answer will still be 12. But if thread is of length 12, then answer will be 1.

एक वृत्त के रूप में व्यवस्थित 12 वस्तुओं में से दक्षिणावर्त दिशा में 10 क्रमागत वस्तुओं के चयनों की संख्या क्या है? (a) 3 (b) 11 (c) 12 (d) 66

मान लीजिए की आपके पास एक लंबा धागा है। आप इसे 12 नंबरों में से किसी से भी शुरू कर सकते हैं। अतः, उत्तर 12 है।

यदि धागे की लंबाई (1,2,3...10,11) हो , तो भी उत्तर 12 ही होगा। लेकिन यदि धागे की लंबाई 12 हो, तो उत्तर 1 होगा।



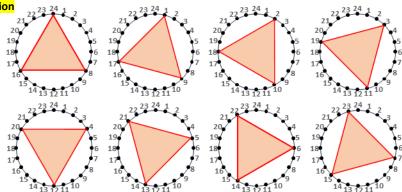


2018 Q-58 [set-A] Permutation Combination

There are 24 equally spaced points lying on the circumference of a circle. What is the maximum number of equilateral triangles that can be drawn by taking sets of three points as the vertices? (a) 4 (b) 6 (c) 8 (d) 12

किसी वृत्त की परिधि पर समान दूरी पर 24 बिन्दुएँ हैं। इनमें से शीर्ष के रूप में तीन बिन्दुओं के समुच्चयों से अधिकतम कितने समबाहु त्रिभुज बन सकते हैं?

(a) 4 (b) 6 (c) 8 (d) 12



Equilateral triangle divides the circle into 3 equal parts.

24 points → 24 ÷ 3 → 08 equilateral triangles

57 points → 57 ÷ 3 → 19 equilateral triangles

15 points \Rightarrow 15 ÷ 3 \Rightarrow 05 equilateral triangles and so on....

Separate explanation videos are available in English & Hindi

www.allinclusiveias.com UPSC / PCS CSAT

समबाहु त्रिभुज वृत्त को 3 बराबर भागों में विभाजित करता है। 24 अंक → 24 ÷ 3 → 08 समबाह त्रिभुज

57 अंक → 57 ÷ 3 → 19 समबाहुँ त्रिभुँज

15 अंक → 15 ÷ 3 → 05 समबाहुँ त्रिभुज और इसी तरह...

Class-13

अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं

Page-093

© All Inclusive IAS

2019 Q-56 [set-A] Permutation Combination

Suppose you have sufficient amount of rupee currency in three denominations: ₹1, ₹10 and ₹50. In how many different ways can you pay a bill of ₹107?

(a) 16 (b) 17 (c) 18 (d) 19

₹ 50	₹ 10	₹1
2	0	Some
1	5,4,3,2,1,0	Some
0	10,9,82,1,0	Some

1 + 6 + 11 = 18

मान लीजिए, आपके पास तीन मृल्य-वर्गों, ₹1, ₹10 और ₹50, में रूपया मुद्रा पर्याप्त[े]मात्रा में है। आप ₹107 के एक बिल का भगतान कितने विभिन्न तरीकों से कर सकते हैं?

(a) 16 (b) 17 (c) 18

2023 Q-05 [set-A] Permutation Combination

In how many ways can a batsman score exactly 25 runs by scoring single runs, fours and sixes only, irrespective of the sequence of scoring shots?

(b) 19 (a) 18

(c) 20 (d) 21

Sixes Fours		Singles		
4	0	Some		
3	1,0	Some		
2	3,2,1,0	Some		
1	4,3,2,1,0	Some		
0	6,5,4,3,2,1,0	Some		
1+2+4+5+7=19				

(a) 18

कोई बल्लेबाज केवल एक रन लेते हए व चौके और छक्के मारते हुए कितने तरीकों से ठीक-ठीक 25 रन बना सकता है, जबकि रन बनाने का कोई। भी अनुक्रम हो सकता है ?

(b) 19

(c) 20

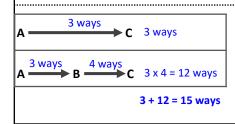
(d) 21

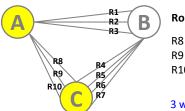
(d) 19

2022 Q-27 [set-A] Permutation Combination

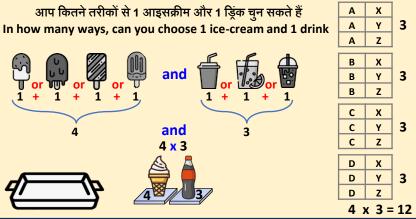
A, B and C are three places such that there are three different roads from A to B, four different roads from B to C and three different roads from A to C. In how many different ways can one travel from A to C using these roads? (a) 10 (b) 13 (d) 36 (c) 15

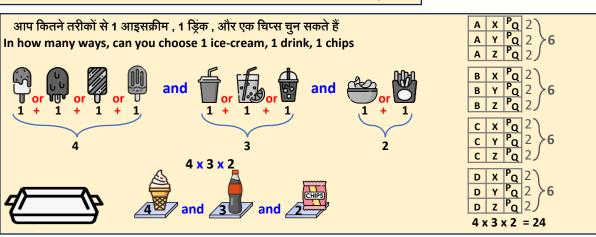
A, B और C तीन स्थान इस प्रकार है कि A से B के लिए तीन भिन्न रास्ते हैं, B से C के लिए चार भिन्न रास्ते हैं और A से C के लिए तीन भिन्न रास्ते हैं। इन रास्तों का प्रयोग कर कोई व्यक्ति कितने भिन्न मार्गों से A से C तक जा सकता है? (a) 10 (b) 13 (c) 15 (d) 36





Routes to go from A to C R1 - R4 R2 - R4R3 - R4R9 R1 - R5R2 - R5R3 - R5R10 R1 - R6R2 - R6R3 - R6R1 - R7R2 - R7 R3 - R74 ways 3 ways 4 ways 4 ways





अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं Separate explanation videos are available in English & Hindi www.allinclusiveias.com **UPSC / PCS CSAT** Class-13 Page-094 © All Inclusive IAS

Deciding menu for birthday party. Select one from each category. Drink: Pepsi Fanta Soup: Tomato Sweet corn Dal: Makhni Tadka Paneer: Kadhai Lababdar	has 4 options, out correct. In how m	CQ. Each question tof which only 1 is nany ways can the e answered? 4100 exam.	प्रत्येक प्रश्न में जिनमें से केवल पत्र का उत्तर विया जा सकता Useful tip: 2 ¹ = 2 2 ² = 4 2 ³ = 8	4 विकल्प हैं, 1 सही है। प्रश्न केतने प्रकार से है? 4 ¹⁰⁰ 2 ⁶ = 64 2 ⁷ = 128 2 ⁸ = 256
Bread: ☐ Naan ☐ Kulcha Sweets: ☐ Ice cream ☐ Gulab jamun How many ways? 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 = 64	Q 5 ☐ True <i>Ways? 2 x 2 x 2</i>	☐ False 2 x 2 x 2 = 32	2 ⁴ = 16 <mark>2⁵ = 32</mark>	2 ⁹ = 512 <mark>2¹⁰ = 1024</mark>
2016 Q-40 [set-A] Permutation Combination In a question paper there are five questions attempted and answer to each question has two - True (T) or False (F). It is given that no two can have given the answers to the five questions identical sequence. For this to happen the manumber of candidates is: (a) 10 (b) 18 (c) 26 (d) 3	to be के उ choices गया didates s in an aximum की 3 22 (a) 1	त्तर के दो विकल्प हैं है कि किन्हीं भी व तमान अनुक्रम में नहीं अधिकतम संख्या कित	c) 26 (d) 32	त (F) । यह दिया ग्रें प्रश्नों के उत्तर
2022 Q-76 [set-A] Permutation Combination One non-zero digit, one vowel and one consonant alphabet (in capital) are to be used in forming pa that each password has to start with a vowel and consonant. How many such passwords can be ge (a) 105 (b) 525 (c) 945 (d) 1050	t from English sswords, such I end with a nerated? ਵੇਂ (a	यंजन (कैपिटल में) प गने हैं कि हर पासवर्ड	जी वर्णमाला से एक स् ासवर्ड बनाने में इस त स्वर से शुरू हो और व ई बनाए जा सकते हैं? (c) 945 (c	रह प्रयुक्त किए व्यंजन पर समाप्त
5 9 21 vowels digits consonant				
2020 Q-67 [set-A] Permutation Combination How many different 5-letter words (with or with constructed using all the letters of the word 'DE has to start with D and end with I? (a) 24 (b) 2 शब्द 'DELHI' के सभी अक्षरों का प्रयोग करते हुए कित (जिनका कोई अर्थ हो या न हो) बनाए जा सकते हैं, जब शुरू होता है और I के साथ समाप्त होता है? (a) 24 (LHI' so that each w 18 (c) 12 <u>(d) 6</u> ाने विभिन्न 5-अक्षरी कि प्रत्येक शब्द D के	ord <u>D</u> Fixed 3	E,L,H ways 2 ways 3 x 2 x 1 = 6 wa	1 way Fixed
2023 Q-66 [set-A] Permutation Combination A flag has to be designed with 4 horizontal st some or all of the colours red, green and yello the number of different ways in which this can that no two adjacent stripes have the same colou (a) 12 (b) 18 (c) 24 (d) 36 any one of the 3 colors except color of just above stripe, any one of the rem except color of just above stripe, any one of the rem except color of just above stripe, any one of the rem	www. What is be done so ur? aining 2 colors aining 2 colors	का उपयोग कर चा कितने ऐसे विभिन्न प्रकार की कोई भी व (a) 12 (b) 18 3 रंगों में से कोई ठीक ऊपर पट्टी		पिरेंरूपित करना है। जा सकता है, इस ही रंग की न हों? 36 2 रंगों में से कोई एक 2 रंगों में से कोई एक
Separate explanation videos are available in Er	nglish & Hindi 3	मंग्रेजी और हिंदी मं	में अलग-अलग वीडि	3यो उपलब्ध हैं

Class-13

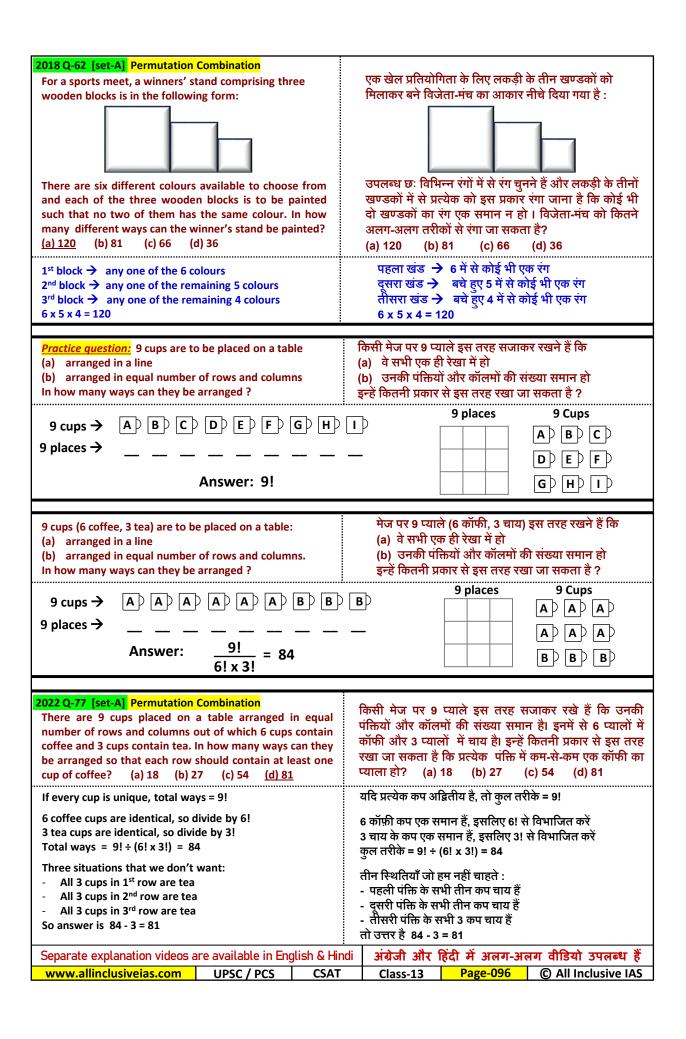
Page-095

CSAT

www.allinclusiveias.com

UPSC / PCS

© All Inclusive IAS



Practice question:

A student has to opt for 2 subjects out of 4 subjects for a course. The number of different combinations of two subjects which can be opted is?

एक विद्यार्थी को एक पाठ्यक्रम के लिए 4 विषयों में से 2 विषयों को चुनना है। दो विषयों के चुने जा सकने वाले संभव संयोजनों की संख्या क्या है?



4 ways 3 ways $4 \times 3 \div 2 = 6 ways$

4 subjects

But order does not matter, so divide by 2! लेकिन क्रम मायने नहीं रखता. इसलिए 2! से भाग दें

Method-2:

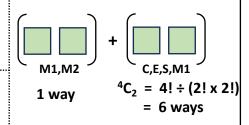
From 4, select 2 4 में से 2 चुनें

 ${}^{4}C_{2} = 4! \div (2! \times 2!) = 6$

2015 Q-49 [set-A] Permutation Combination

A student has to opt for 2 subjects out of 5 subjects for a course, namely, Commerce, Economics, Statistics, Mathematics-I and Mathematics-II. Mathematics-II can be offered only if Mathematics-I is also opted. The number of different combinations of two subjects which can be opted is (a) 5 (b) 6 (c) 7 (d) 8

एक विद्यार्थी को एक पाठ्यक्रम के लिए 5 विषयों, नामत: वाणिज्य, अर्थशास्त्र, सांख्यिकी, गणित । और गणित ॥ में से 2 विषयों को चुनना है। गणित ॥ केवल तभी चुना जा सकता है जब गणित । भी चुना गया हो। दो विषयों के चुने जा सकने वाले संभव संयोजनों की संख्या क्या है? (a) 5 (b) 6 (c) 7 (d) 8



2015 Q-48 [set-A] Permutation Combination

A selection is to be made for one post of Principal and two posts of Vice-Principal. Amongst the six candidates called for the interview, only two are eligible for the post of Principal while they all are eligible for the post of Vice-Principal. The number of possible combinations of selectees is (a) 4 (b) 12 (c) 18 (d) None of the above

प्रधानाचार्य के एक पद और उप-प्रधानाचार्य के दो पदों के लिए चयन होना है। साक्षात्कार के लिए बुलाए गए 6 उम्मीदवारों में से केवल दो उम्मीदवार प्रधानाचार्य के पद के लिए पात्र हैं जबिक उप-प्रधानाचार्य के पद के लिए वे सभी उम्मीदवार पात्र हैं। चुने जाने वाले उम्मीदवारों के सभी संभव संयोजनों की संख्या क्या है?

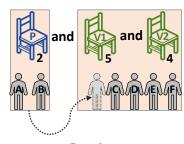
(a) 4 (b) 12 (c) 18 (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

Method-1

प्रधानाचार्य : 2 में से 1 चुनो = ${}^{2}C_{1}$ उप- प्रधानाचार्य : 5 में से 1 चुनो = ${}^{5}C_{2}$

Principal: Select 2 out of 1 = ${}^{2}C_{1}$ Vice-Principal: Select 2 out of 5 = ${}^{5}C_{2}$

Method-2



$$2 \times \frac{5 \times 4}{2!} = 20 \text{ ways}$$

Given in question $\begin{cases} \text{Principal} & \text{Vice-Principal} \\ \text{Only 2} & \text{All 6} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{All 6} & \text{All 6} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{Step-1} \rightarrow 2 \text{ ways} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{Step-2} \rightarrow 5 \text{ ways} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{4 ways} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{Total ways} \rightarrow 2 \text{ ways} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{5 ways} \end{cases}$ $\begin{cases} \text{4 ways} \end{cases}$

 $2 \times \frac{5 \times 4}{21} = 20 \text{ ways}$

Always, first allot the most constrained option.

हमेशा, सबसे पहले सबसे सीमित विकल्प आवंटित करें।

Two posts of VP are identical. So, divide by 2! VP के दो पद एक जैसे हैं। इसलिए, 2 से विभाजित करें।

Separate explanation videos are available in English & Hindi अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं www.allinclusiveias.com UPSC / PCS CSAT Class-13 Page-097 © All Inclusive IAS

2015 Q-69 [set-A] Permutation Combination

There are 5 tasks and 5 persons. Task-1 cannot be assigned to either person-1 or person-2. Task-2 must be assigned to either person-3 or person-4. Every person is to be assigned one task. In how many ways can the assignment be done? (a) 6 (b) 12 (d) 144 (c) 24

5 कार्य है और 5 व्यक्ति हैं। कार्य-1, या तो व्यक्ति-1 को अथवा व्यक्ति-२ को नहीं दिया जा सकता। कार्य-२, या तो व्यक्ति-३ को अथवा व्यक्ति-4 को ही दिया जाना चाहिए। हर व्यक्ति को एक कार्य दिया जाना है। कार्य कितने तरीकों से दिया जा सकता है ? (a) 6 (b) 12 (c) 24 (d) 144

2023 Q-68 [set-A] Permutation Combination

There are five persons P, Q, R, S and T each one of whom has to be assigned one task. Neither P nor Q can be assigned Task-1. Task-2 must be assigned to either R or S. In how many ways can the assignment be done?

(c) 18 (d) 24 (a) 6 (b) 12

P, Q, R, S और T पाँच व्यक्ति हैं, जिनमें से प्रत्येक व्यक्ति को एक कार्य सौंपना है। कार्य-1 न तो P को, न ही Q को सौंपा जा सकता है। कार्य-2 या तो R को, या S को ही सौंपा जाना है। कार्य कितने प्रकार से सौंपे जा सकते हैं?

Always, first allot the most

constrained option.

हमेशा, सबसे पहले सबसे सीमित विकल्प आवंटित करें।

(a) 6 (b) 12 (c) 18

Given in
$$\begin{cases} \text{Task-1} & \text{Task-2} & \text{Task-3} & \text{Task-4} & \text{Task-5} \\ \text{R,S,T} & \text{R,S} & \\ \text{Step-1} \Rightarrow & 2 \text{ ways} \\ \text{Step-2} \Rightarrow 2 \text{ ways} \end{cases}$$

Step-3 → 3 ways 2 ways 1 way Total ways → 2 ways 2 ways 3 ways 2 ways 1 way

2 x 2 x 3 x 2 x 1 = 24 ways

No two tasks or persons are identical. So, no need to divide by any factorial. कोई भी दो कार्य या व्यक्ति एक जैसे नहीं हैं। इसलिए, किसी factorial से विभाजित करने की जरूरत नहीं है।

2022 Q-24 [set-A] Permutation Combination

The letters A, B, C, D and E are arranged in such a way that there are exactly two letters between A and E. How many such arrangements are possible?

(a) 12 (b) 18 (c) 24 (d) 36

वर्ण A, B, C, D और E इस तरह व्यवस्थित किए गए है कि A और E के बीच यथातथ्य दो वर्ण हैं। इस तरह कितनी व्यवस्थाएँ संभव है ? (a) 12 (b) 18 (c) 24 (d) 36



_ A $3! \times 2! = 12$

Α 3! x 2! = 12

12 + 12 = 24

2017 Q-57 [set-A] Permutation Combination

If 2 boys and 2 girls are to be arranged in a row so that the girls are not next to each other, how many possible arrangements are there? (a) 3 (b) 6 (c) 12 (d) 24

यदि 2 लड़कों और 2 लड़कियों को एक पंक्ति में इस व्यवस्था में खड़ा करना हो कि लड़कियाँ एक-दूसरे के अगल-बगल खड़ी न हों, तो कितनी संभव व्यवस्थाएँ हो सकती हैं? (a) 3 (b) 6 (c) 12 (d) 24

Method-1 wo girls



4 + 4 + 4 = 12

Method-2

- There are 3 entities: Boy-1, Boy-2, Girls
- They can be arranged in 3! ways.
- Also, girls can be arranged within themselves in 2! ways.
- **❖** So answer = 3! X 2! = 12

www.allinclusiveias.com

💠 3 चीज़े हैं : लड़का-1, लड़का-2, लड़कियाँ

- उन्हें 3 तरीकों से व्यवस्थित किया जा सकता है
- 💠 वहीं, लड़कियों को 2 तरीकों से व्यवस्थित किया जा सकता है
- ❖ तो उत्तर हुआ = 3! x 2! = 12

Separate explanation videos are available in English & Hindi

UPSC / PCS

CSAT

अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं Page-098 © All Inclusive IAS Class-13

2021 Q-66 [set-A] Permutation Combination

Using 2, 2, 3, 3, 3 as digits, how many distinct numbers greater than 30000 can be formed?
(a) 3 (b) 6 (c) 9 (d) 12

अंकों के रूप में 2, 2, 3, 3, 3 का प्रयोग करते हुए, 30000 से बड़ी कितनी भिन्न संख्याएँ बन सकती है? (a) 3 (b) 6 (c) 9 (d) 12 2, 2, 3, 3

When all digits are unique: 4! Since digit "2" comes two times, divide by 2! Since digit "3" comes two times, divide by 2! Hence, answer is 4! ÷ (2! x 2!) = 6

जब सभी अंक अद्वितीय हों : 4! चूँिक अंक "2" दो बार आता है, इसलिए 2! से भाग दें चूँिक अंक "3" दो बार आता है, इसलिए 2! से भाग दें अतः, उत्तर होगा 4! ÷ (2! x 2!) = 6

2023 Q-19 [set-A] Permutation Combination

How many distinct 8-digit numbers can be formed by rearranging the digits of the number 11223344 such that odd digits occupy odd positions and even digits occupy even positions? (a) 12 (b) 18 (c) 36 (d) 72

संख्या 11223344 के अंकों को पुनर्व्यवस्थित कर भिन्न 8-अंकों की कितनी संख्याएँ बनाई जा सकती हैं, इस प्रकार कि विषम अंक विषम स्थानों पर हों और सम अंक सम स्थानों पर हों? (a) 12 (b) 18 (c) 36 (d) 72

 any 4
 any 3
 any 2
 any 1

 odd
 even
 odd
 even
 odd
 even
 odd

$$\frac{4!}{2! \times 2!} = 6$$

$$6 \times 6 = 36$$

$$\frac{4!}{2! \times 2!} = 6$$

2023 Q-65 [set-A] Permutation Combination

In an examination, the maximum marks for each of the four papers namely P, Q, R and S are 100. Marks scored by the students are in integers. A student can score 99% in n different ways. What is the value of n? (a) 16 (b) 17 (c) 23 (d) 35

किसी परीक्षा में, चार प्रश्न-पत्रों, नामत: P, Q, R और S में से प्रत्येक प्रश्न-पत्र के लिए अधिकतम अंक 100 हैं। विद्यार्थियों द्वारा प्राप्त किए गए अंक पूर्णांकों में हैं। कोई भी विद्यार्थी n विभिन्न तरीकों से 99% प्राप्तांक ला सकता है। n का मान क्या है? (a) 16 (b) 17 (c) 23 (d) 35

In how many ways can you arrange ABCD? 4!

Maximum marks = 400 Marks obtained = 396 Total 4 marks deducted from 4 subjects. अधिकतम अंक = 400 प्राप्त अंक = 396 4 विषयों से कुल 4 अंक काटें हैं

4000 → 04 ways 3100 → 12 ways 2200 → 06 ways 2110 → 12 ways 4! ÷ (2! x 2!) 4! ÷ 2! 4! ÷ 2! 4! ÷ 2! 4! ÷ 2! 4! ÷ 4! 70tal = 35 ways

In how many ways can you arrange ABBB? $4! \div 3!$ In how many ways can you arrange ABCC? $4! \div 2!$ In how many ways can you arrange AABB? $4! \div (2! \times 2!)$ In how many ways can you arrange ABBC? $4! \div 2!$

In how many ways can you arrange AAAA? 4! ÷ 4!

आप ABCD को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! आप ABBB को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! ÷ 3! आप ABCC को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! ÷ 2! आप AABB को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! ÷ (2! x 2!) आप ABBC को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! ÷ 2! आप AAAA को कितने तरीकों से व्यवस्थित कर सकते हैं? 4! ÷ 4!

2020 Q-60 [set-A] Permutation Combination

How many different sums can be formed with the denominations ₹50, ₹100, ₹ 200, ₹ 500 and ₹2,000 taking at least three denominations at a time?

(c) 14 (d) 10 (a) 16 (b) 15

Taking 3 denominations \rightarrow ${}^5C_3 = 10$

Taking 4 denominations \rightarrow ${}^5C_4 = 5$

Taking 5 denominations \rightarrow 5C_E = 1

Total = 16

मूल्यवर्गों ₹50, ₹100, ₹200, ₹500 और ₹2,000 के साथ, एक समय में कम-से-कम तीन मूल्यवर्गों को लेते हुए, कितनी विभिन्न धनराशियाँ बनाई जा सकती हैं?

3 मूल्यवर्गों को लो → 5C₂ = 10

4 मूल्यवर्गों को लो → ⁵C₄ = 5

5 मूल्यवर्गों को लो → ⁵C₅ = 1

Total = 16

What if the denominations were 100, 200, 300, 400, 500?

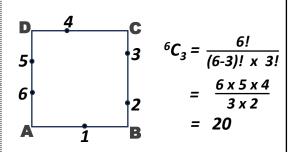
Contribution of 300 can also be made by 100+200 Contribution of 500 can also be made by 200+300 Hence, you will have to write down all the possibilities, and see if a particular sum is obtained in more than one ways.

क्या होगा यदि मूल्यवर्ग 100, 200, 300, 400, 500 हो ? 300 का योगदान 100+200 द्वारा भी किया जा सकता है 500 का योगदान 200+300 द्वारा भी किया जा सकता है इसलिए, आपको सभी संभावनाओं को लिखकर देखना होगा कि क्या कोई विशेष राशि एक से अधिक तरीकों से प्राप्त हो रही है।

2023 Q-30 [set-A] Permutation Combination

ABCD is a square. One point on each of AB and CD; and two distinct points on each of BC and DA are chosen. How many distinct triangles can be drawn using any three points as vertices out of these six points? (a) 16 (b) 18 (c) 20 (d) 24

ABCD कोई वर्ग है। AB और CD प्रत्येक पर एक बिंदु; और BC और DA प्रत्येक पर दो भिन्न बिंदु चुने जाते हैं। इन छह बिन्दुओं में से किन्हीं तीन बिन्दुओं को शीर्ष ले कर कितने भिन्न त्रिभुज खींचे जा सकते हैं? (a) 16 (b) 18 (c) 20 (d) 24



Practice question:

There are 24 equally spaced points lying on the circumference of a circle. What is the maximum number of triangles that can be drawn by taking sets of three points as the vertices? Answer: 24C3

एक वृत्त की परिधि पर समान दूरी पर 24 बिंदु हैं। तीन बिंदुओं के समूह को शीर्ष मानकर अधिकतम कितने त्रिभुज बनाए जा सकते हैं? 24C.

2015 Q-74 [set-A] Permutation Combination

In a society it is customary for friends of the same sex to hug and for friends of opposite sex to shake hands when they meet. A group of friends met in a party and there were 24 handshakes. Which one among the following numbers indicates the possible number of hugs? (a) 39 (b) 30

किसी समाज में यह रिवाज़ है कि एक ही लिंग के मित्र मिलते समय एक-दूसरे के गले लग कर मिलते हैं, और विपरीत लिंग के मित्र मिलते समय एंक-दुसरे से हाथ मिलाकर मिलते हैं। एक पार्टी में मित्रों के एक समृह के मिलर्ने पर 24 बार हाथ मिलाए गए। निम्नलिखित में से कौन-सी एक संख्या, गले लगने की संभावित संख्या इंगित करती है?

(a) 39 (b) 30 (c) 21 M = Males F = Females

Handshakes = $M \times F = 24 \rightarrow$ 24 Hugs = ${}^{M}C_{2} + {}^{F}C_{2}$ 12 3 8 4 6 4 8 3 12 2 1

Hugs =
$${}^{2}C_{2} + {}^{12}C_{2}$$

$${}^{2}C_{2} = \frac{2!}{0! \times 2!} = 1$$

$${}^{2}C_{2} = \frac{2!}{0! \times 2!} = 1$$
 $\left| {}^{12}C_{2} = \frac{12!}{10! \times 2!} = \frac{12 \times 11}{2} = 66 \right|$

Hugs =
$${}^{3}C_{2} + {}^{8}C_{2}$$

$${}^{3}C_{2} = \frac{3!}{4! \times 2!} = 3$$

$${}^{3}C_{2} = \frac{3!}{1! \times 2!} = 3$$
 ${}^{8}C_{2} = \frac{8!}{6! \times 2!} = \frac{8 \times 7}{2} = 28$

Hugs =
$${}^{4}C_{2} + {}^{6}C_{2}$$

$${}^{4}C_{2} = \frac{4!}{2! \times 2!} = 6$$

$${}^{4}C_{2} = \frac{4!}{2! \times 2!} = 6$$
 ${}^{6}C_{2} = \frac{6!}{4! \times 2!} = \frac{6 \times 5}{2} = 15$

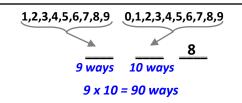
Separate explanation videos are available in English & Hindi

अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं Class-13 Page-100 © All Inclusive IAS

2017 Q-51 [set-A] Permutation Combination

How many numbers are there between 99 and 1000 such that the digit 8 occupies the units place? (a) 64 (b) 80 (c) 90 (d) 104

99 तथा 1000 के बीच ऐसी कितनी संख्याएँ हैं, जिनमें अंक 8 इकाई स्थान पर है? (a) 64 (b) 80 (c) 90 (d) 104

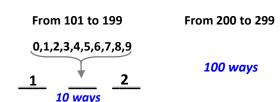


2016 Q-63 [set-A] Permutation Combination

How many numbers are there between 100 and 300 which either begin with or end with 2?
(a) 110 (b) 111 (c) 112 (d) None of the above

.....

100 और 300 के बीच, 2 से शुरू होने वाली या 2 पर समाप्त होने वाली कितनी संख्याएँ हैं? (a) 110 (b) 111 (c) 112 (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं



10 + 100 = 110

2019 Q-9 [set-A] Permutation Combination

The number of times the digit 5 will appear while writing the integers from 1 to 1000 is (a) 269 (b) 271 (c) 300 (d) 302

यदि 1 से1000 तक के पूर्णांकों को लिखा जाए, तो अंक 5 कितनी बार आएगा? (a) 269 (b) 271 (c) 300 (d) 302

Γ	0	192	2	300	6	300
Γ	1	301	3	300	7	300
			4	300	8	300
			5	300	9	300

5 9x9 ways	 5 9x9 ways	5 9x9 ways	[9 x 9] x 3 = 243	In how many numbers does the digit 5 appear only once ? 243	कितनी संख्याओं में अंक 5 केवल एक बार आता है? 243
5 5 _ 9 ways	_ 5 5 9 ways	5 _ 5 9 ways	9 x 3 x 2= 54	In how many numbers does the digit 5 appear only twice? 27	कितनी संख्याओं में अंक 5 केवल दो बार आता है? 27
		5 5 5 1 way	3	In how many numbers does the digit 5 appear thrice? 1	कितनी संख्याओं में अंक 5 तीन बार आता है? 1

2018 Q-36 [set-A] Permutation Combination

While writing all the numbers from 700 to 1000, how many numbers occur in which the digit at hundred's place is greater than the digit at ten's place, and the digit at ten's place is greater than the digit at unit's place? (a) 61 (b) 64 (c) 85 (d) 91

यदि 700 से 1000 तक सभी संख्याएँ लिखी जाएं, तो ऐसी कितनी संख्याएं आती हैं जिनमें से कड़े का अंक, दहाई के अंक से तथा दहाई का अंक, इकाई के अंक से बड़ा है? (a) 61 (b) 64 (c) 85 (d) 91

7	8	9
7 6 5,4,3,2,1,0 6 numbers	8 7 <u>6,5,4,3,2,1,0</u> 7 numbers	9 8 <u>7,6,5,4,3,2,1,0</u> 8 numbers
7 5 <u>4,3,2,1,0</u> 5 numbers	8 6 <u>5,4,3,2,1,0</u> 6 numbers	9 7 <u>6,5,4,3,2,1,0</u> 7 numbers
7 4 3,2,1,0 4 numbers		
7 3 2,1,0 3 numbers	8 1 <u>0</u> 1 numbers	9 1 <u>0</u> 1 numbers
7 2 <u>1,0</u> 2 numbers		
7 1 <u>0</u> 1 numbers		
6 + 5 + + 1 = 21	7+6+5++1=28	8 + 7 + + 1 = 36

Separate explanation videos are available in English & Hindi			अंग्रेजी और वि	हेंदी में अलग-अ	त्रग वीडियो उपलब्ध हैं
www.allinclusiveias.com	UPSC / PCS	CSAT	Class-13	Page-101	© All Inclusive IAS

2022 Q-18 [set-A] Permutation Combination

How many 3-digit natural numbers (without repetition of digits) are there such that each digit is odd and the number is divisible by 5? (a) 8 (b) 12 (c) 16 (d) 24

3-अंक की कितनी धनपूर्ण संख्याएँ (अंकों का प्रयोग दोबारा किए बिना) इस प्रकार होंगी कि संख्या का प्रत्येक अंक विषम हो और संख्या 5 से विभाज्य हो? (a) 8 (b) 12 (c) 16 (d) 24

Odd digits → 1,3,5,7,9 ← विषम अंक

 $4 \times 3 \times 1 = 12$ ways

2022 Q-79 [set-A] Permutation Combination

What is the number of numbers of the form 0.XY, where X and Y are distinct non-zero digits? (a) 72 (b) 81 (c) 90 (d) 100

0.XY रूप की कितनी संख्याएँ हैं, जहाँ X और Y भिन्न शून्येतर अंक हैं? (a) 72 (b) 27 (c) 54 (d) 81

9 x 8 = 72 ways

Practice question:

How many five-digit numbers can be obtained by using all the digits 1, 2, 3, 4 and 5 without repetition of digits?

पाँच अंकों की कितनी संख्याएँ अंकों 1, 2, 3, 4 और 5 के द्वारा, बिना अंकों की पुनरावृत्ति किए हुए, बनाई जा सकती हैं? 5 ways 4 ways 3 ways 2 ways 1 ways $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120 \text{ ways}$

1,2,3,4,5

How many of them will be divisible by 5 ? उन्में से कितनी 5 से विभाज्य होंगी ?

How many of them will be divisible by 2? उन्मे से कितनी 2 से विभाज्य होंगी ?

24 + 24 = 48

 $\frac{1,2,3,5}{4 \text{ ways}} \quad \frac{4}{3 \text{ ways}} \quad \frac{4}{2 \text{ ways}} \quad \frac{4}{1 \text{ ways}}$ $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \text{ ways}$

2016 Q-72 [set-A] Permutation Combination

Four-digit numbers are to be formed using the digits 1, 2, 3 and 4; and none of these four digits are repeated in any manner. Further,

- 1. 2 and 3 are not to immediately follow each other
- 2. 1 is not to be immediately followed by 3
- 3. 4 is not to appear at the last place
- 4. 1 is not to appear at the first place
 How many different numbers can be formed?

(a) 6 (b) 8 (c) 9 (d) None of the above

अंक 1, 2, 3 और 4 को लेकर चार-अंकीय संख्याएँ बनानी हैं। इन चार अंकों में से किसी एक की भी किसी भी रीति से पुनरावृत्ति नहीं करनी है, तथा

- 1. 2 और 3 एक-दसरे के एकदम आगे पीछे नहीं हो सकते
- 2. 3, 1 के एकदम पीछे नहीं हो सकता
- 3. 4 अंतिम स्थान पर नहीं आ सकता
- 4. 1 प्रथम स्थान पर नहीं आ सकता कितनी पृथक संख्याएँ बन सकती हैं?

4123

4132

4213

4231

4312

4321

(a) 6 (b) 8 (c) 9 (d) उपर्युक्त में से कोई भी नहीं

In exam hall, think like this: 2134 3124 Maximum ways = 4! = 242143 3142 Condition (1) \rightarrow can use formula Condition (2) → can count (3 ways) 2314 3214 Condition (3) \rightarrow can use formula 3241 2341 Condition (4) → can use formula 2413 3412 There will be overlap in the four conditions. **3421** 2431 So I will not minus the above results from 24.

परीक्षा हॉल में इस तरह सोचें : अधिकतम तरीके = 4! = 24 कथन (1) → सत्र का उपयोग कर सकते हैं

कथन (1) → सूत्र का उपयोग कर सकते हैं (3 तरीके से) कथन (3) → सूत्र का उपयोग कर सकते हैं कथन (4) → सूत्र का उपयोग कर सकते हैं

चारों स्थितियों में ओवरलैप होगा। इसलिए मैं उपरोक्त परिणामों को 24 से नहीं घटाऊंगा

Separate explanation videos are available in English & Hindi अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं www.allinclusiveias.com UPSC / PCS CSAT Class-13 Page-102 © All Inclusive IAS

2022 Q-10 [set-A] Permutation Combination

The digits 1 to 9 are arranged in three rows in such a way that each row contains three digits, and the number formed in the second row is twice the number formed in the first row; and the number formed in the third row is thrice the number formed in the first row. Repetition of digits is not allowed. If only three of the four digits 2, 3, 7 and 9 are allowed to use in the first row, how many such combinations are possible to be arranged in the three rows? (a) 4 (b) 3 (c) 2 (d) 1

अंक 1 से 9, तीन पंक्तियों में इस प्रकार व्यवस्थित किए गए हैं कि प्रत्येक पंक्ति में तीन अंक हैं, और दूसरी पंक्ति में बनी संख्या पहली पंक्ति में बनी संख्या की दोगुनी है; और तीसरी पंक्ति में बनी संख्या की तीन गुनी है। किसी अंक को दो बार रखने की अनुमति नहीं है। यदि चार अंकों 2, 3, 7 और 9 में से केवल तीन अंकों को पहली पंक्ति में व्यवस्थित करने की अनुमति हो, तो इन तीन पंक्तियों में व्यवस्थित करने के लिए ऐसे कितने संयोजन संभव हैं? (a) 4 (b) 3 (c) 2 (d) 1

- First digit cannot be 7 or 9
- If first digit is 3, possible numbers are:
 - > 327 and 329
- If first digit is 2, possible numbers are:
 - 237, 273, 239, 293, 279, 297

3 2 7 3 2 <u>9</u> 6 5 4 6 5 8 9 8 1 <u>9</u> 8 7

 2
 3
 7
 2
 7
 3
 2
 3
 9
 2
 9
 3
 2
 7
 9
 2
 9
 3

 4
 7
 4
 7
 8
 5
 8
 6
 5
 5
 8
 5
 9
 6
 6
 5
 9
 6
 6
 9
 6
 6
 6
 9
 6
 6
 9
 6
 6
 9
 6
 9
 6
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 6
 9
 7
 9
 7
 9
 7
 9
 8
 9
 9
 9
 8
 9
 9
 9
 8
 9
 9
 9
 8
 9
 9
 9
 8
 9
 9
 9
 9
 9
 9

- 💠 पहला अंक 7 या 9 नहीं हो सकता है।
- ❖ यदि पहला अंक 3 है. तो संभावित संख्याएँ हैं:
 - 327 और 329
- यदि पहला अंक 2 है. तो संभावित संख्याएँ हैं:

> 237, 273, 239, 293, 279, 297

2019 Q-72 [set-A] Permutation Combination

Each face of a cube can be painted in black or white colours. In how many different ways can the cube be painted?

(a) 9 (b) 10 (c) 11 (d) 12

किसी घन के प्रत्येक फलक को काले या सफेद रंग से रँगा जा सकता है। उस घन को कितने विभिन्न तरीकों से रँगा जा सकता है?

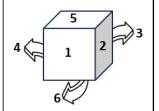
(a) 9 (b) 10 (c) 11 (d) 12

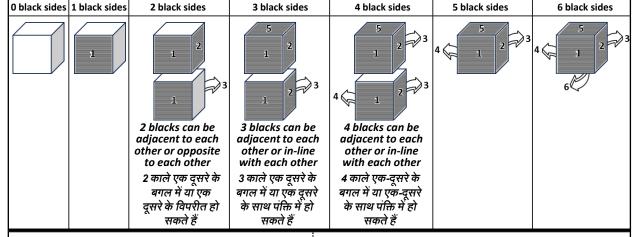
0 sides black : 1 way 1 sides black : 1 way

2 sides black : 2 ways 3 sides black : 2 ways

4 sides black : 2 ways 5 sides black : 1 way

6 sides black: 1 way





Practice question:

Each face of a dice, numbered 1-6, can be in black or white. In how many ways can the dice be painted?

Answer: Each number(or face) can be painted in 2 different ways. So, $2x2x2x2x2x2=2^6=64$

1-6 संख्या वाले पासे का प्रत्येक फलक काले या सफेद रंग में हो सकता है। पासे को कितने प्रकार से रंगा जा सकता है? उत्तर: प्रत्येक संख्या (या फलक) को 2 अलग-अलग तरीकों से

चित्रित किया जा सकता है। तो, $2x2x2x2x2x2=2^6=64$

Separate explanation videos are available in English & Hindi अंग्रेजी और हिंदी में अलग-अलग वीडियो उपलब्ध हैं
www.allinclusiveias.com UPSC / PCS CSAT Class-13 Page-103 © All Inclusive IAS